

Mini cours 01 - *TPs Algo/EDP*

Matlab avancé

Table des matières

1	path	1
2	Opérations sur les tableaux/matrices	2
2.1	Opérations éléments par éléments	2
2.2	Opérations Matricielles	2
2.3	Opérations par expansion	2
2.4	Opérations sur des sous matrices	5
3	Indexage	6
4	Cell array	8
5	Fonctions	8
5.1	Fonctions anonymes	9
5.1.1	Création à partir d'une chaîne de caractères	10
5.1.2	Multiple inputs	10
5.1.3	Multiple outputs	10
5.2	Nombre variable d'arguments en entrée	11
5.2.1	Utilisation de <code>nargin</code> , <code>varargin</code>	13
5.2.2	Utilisation de <code>inputParser</code>	15
5.3	Nombre variable d'arguments en sortie	17
5.3.1	Utilisation de <code>nargout</code> , <code>varargout</code>	17
6	Structures	17
7	Namespaces	19
8	Débogage	21
9	Objets	21

1 path

Dans Matlab/Octave, le chemin de recherche ((search path)) est une liste de dossiers parcourus pour localiser les fichiers (et donc les fonctions). Il est possible de visualiser ou modifier ce chemin à l'aide de la fonction `path`.

Voici quelques opérations courantes qu'il est possible d'effectuer :

- `path` : affiche le chemin de recherche,
- `addpath(DIR1)` : ajoute `DIR1` (chaîne de caractères) au chemin de recherche,
- `rmpath(DIR1)` : supprime `DIR1` (chaîne de caractères) du chemin de recherche,
- ...

Le chemin de recherche est crucial car il détermine l'ordre dans lequel la recherche de fonctions et de scripts s'effectue. Si plusieurs fichiers portant le même nom sont dans des dossiers différents, celui qui apparaît en premier sur le chemin de recherche sera utilisé.

Attention : suivant le logiciel utilisé (voir même les versions utilisées ?), une fonction du répertoire de travail prendra la priorité sur une fonction de même nom présente dans le chemin de recherche ... ou pas ! (exemple Matlab R2023b, R2022a pas prioritaire, Matlab R2018b prioritaire, Octave 9.2.0, 9.1.0, 7.3.0 prioritaire)

2 Opérations sur les tableaux/matrices

Avec Matlab/Octave, certaines opérations entre matrices et scalaires/vecteurs sont possibles mais ce ne sont pas forcément des opérations mathématiques !

2.1 Opérations éléments par éléments

Certains opérateurs Matlab/Octave agissent éléments par éléments.

<code>.*</code>	Multiplication élément par élément	<code>A.*B</code> est la matrice d'éléments <code>A(i,j)*B(i,j)</code> .
<code>.^</code>	Puissance élément par élément	<code>A.^B</code> est la matrice d'éléments <code>A(i,j)</code> à la puissance <code>B(i,j)</code> .
<code>./</code>	Division à droite élément par élément	<code>A./B</code> est la matrice d'éléments <code>A(i,j)/B(i,j)</code> .
<code>.\</code>	Division à gauche élément par élément	<code>A.\ B</code> est la matrice d'éléments <code>B(i,j)/A(i,j)</code> .
<code>.'</code>	Transposé d'un tableau	<code>A.'</code> est la matrice transposée de <code>A</code> sans conjugaison dans le cas complexe.

2.2 Opérations Matricielles

<code>+</code>	Somme de matrices	<code>C=A+B</code> est la somme de <code>A</code> et <code>B</code> avec <code>size(A)==size(B)</code>
<code>-</code>	Différence de matrices	<code>C=A-B</code> est la différence entre <code>A</code> et <code>B</code> avec <code>size(A)==size(B)</code>
<code>*</code>	Multiplication de matrices Multiplication scalaire	<code>C=A*B</code> est le produit de <code>A</code> par <code>B</code> avec <code>size(A,2)==size(B,1)</code> <code>C=t*A</code> ou <code>C=A*t</code> est le produit de <code>A</code> par le scalaire <code>t</code>
<code>\</code>	Division matricielle à gauche	<code>x=A\B</code> est la solution de $Ax = B$ avec <code>size(A,1)==size(B,1)</code>
<code>/</code>	Division matricielle à droite	<code>x=B/A</code> est la solution de $xA = B$ avec <code>size(A,2)==size(B,2)</code>
<code>^</code>	Puissance de matrice	<code>A^n</code> est <code>A</code> à la puissance <code>n</code> .
<code>'</code>	Transposée conjuguée (adjoint)	<code>A'</code> est la matrice adjointe de <code>A</code> .

2.3 Opérations par expansion

les opérations par expansion font généralement référence à l'expansion implicite (implicit expansion), une fonctionnalité qui permet d'effectuer des opérations élémentaires entre deux tableaux de tailles différentes sans avoir à utiliser la fonction `bsxfun`.

- Arithmétique : `+`, `-`, `.*`, `./`, `.\`, `.^`,
- Relationnel : `==`, `~=`, `<`, `>`, `<=`, `>=`,
- Logique : `&`, `|`, `xor`,

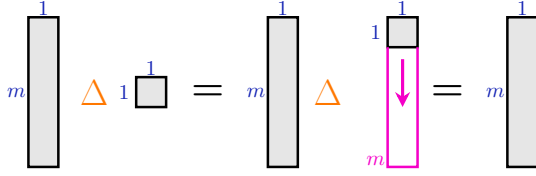
Pour que l'expansion fonctionne, les dimensions des deux tableaux doivent être compatibles. On ne considère ici que des tableaux bidimensionnels (ou matrices) : un scalaire est une matrice 1-by-1, un vecteur colonne est une matrice m -by-1, un vecteur ligne est une matrice 1-by- n . Toutefois l'expansion implicite fonctionne aussi avec des tableaux ayant un nombre de dimensions > 2 .

Soient A et B deux tableaux bidimensionnels. Ces deux tableaux sont compatibles pour l'expansion si :

- $\text{size}(A,1) == \text{size}(B,1)$ ou $\text{size}(A,1) == 1$ ou $\text{size}(B,1) == 1$
- $\text{size}(A,2) == \text{size}(B,2)$ ou $\text{size}(A,2) == 1$ ou $\text{size}(B,2) == 1$

On note Δ l'un de ces opérateurs.

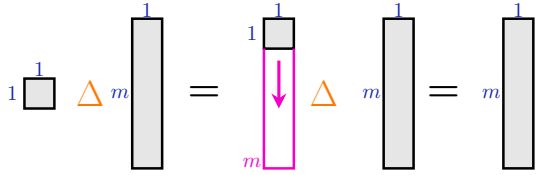
- A m -by-1, B 1-by-1
 - $A \Delta B = C \Rightarrow C$ m -by-1 :



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket \quad C_{i,1} = A_{i,1} \Delta B_{1,1}$$

- $B \Delta A = C \Rightarrow C$ m -by-1 :



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \quad C_{i,1} = B_{1,1} \Delta A_{i,1}.$$

- A 1-by- n , B 1-by-1
 - $A \Delta B = C \Rightarrow C$ 1-by- n :



avec

$$\forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{1,j} = A_{1,j} \Delta B_{1,1}$$

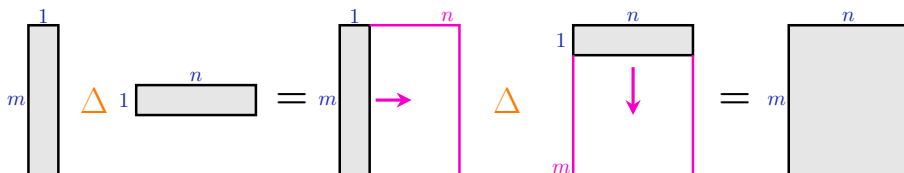
- $B \Delta A = C \Rightarrow C$ m -by-1 :



avec

$$\forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket, \quad C_{1,j} = B_{1,1} \Delta A_{1,j}.$$

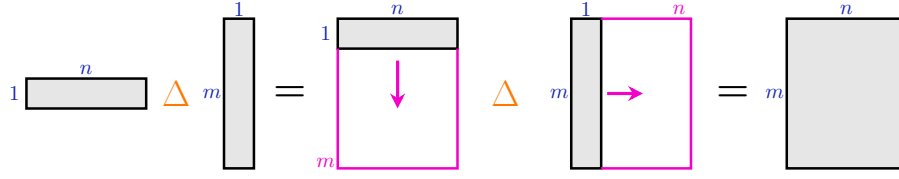
- A m -by-1, B 1-by- n
 - $A \Delta B = C \Rightarrow C$ m -by- n :



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = A_{i,1} \triangle B_{1,j}$$

$$\square B \triangle A = C \Rightarrow C \text{ m-by-n} :$$

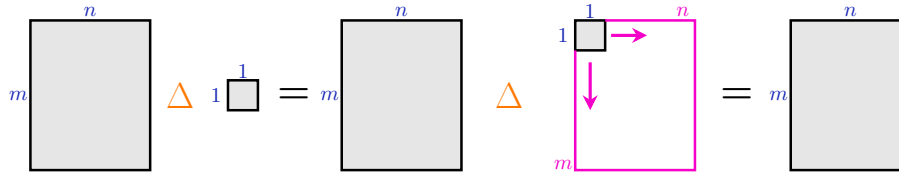


avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = B_{1,j} \triangle A_{i,1}.$$

- A m-by-n, B 1-by-1

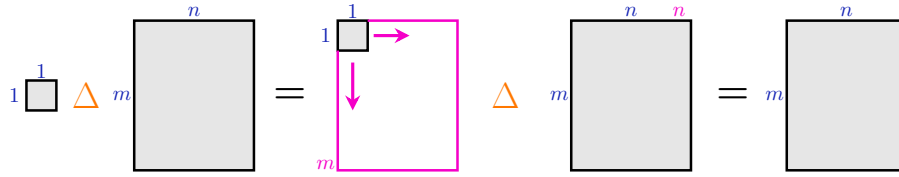
$$\square A \triangle B = C \Rightarrow C \text{ m-by-n} :$$



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = A_{i,j} \triangle B_{1,1}$$

$$\square B \triangle A = C \Rightarrow C \text{ m-by-n} :$$

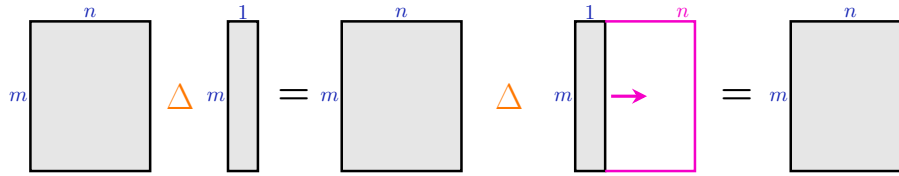


avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = B_{1,1} \triangle A_{i,j}.$$

- A m-by-n, B m-by-1

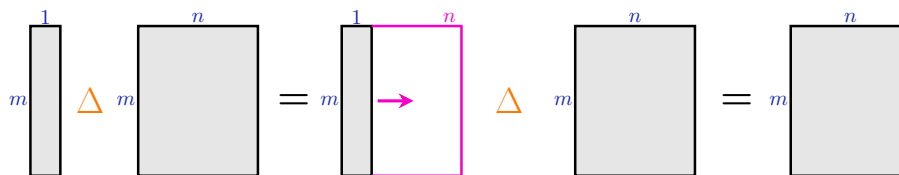
$$\square A \triangle B = C \Rightarrow C \text{ m-by-n} :$$



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = A_{i,j} \triangle B_{i,1}$$

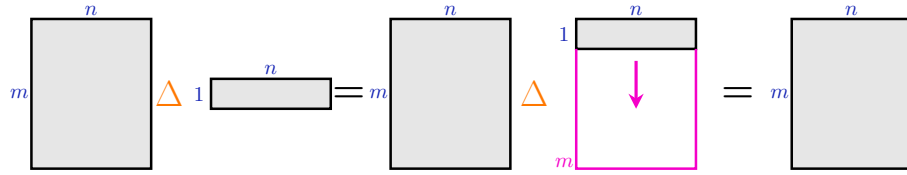
$$\square B \triangle A = C \Rightarrow C \text{ m-by-n} :$$



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = B_{i,1} \triangle A_{i,j}.$$

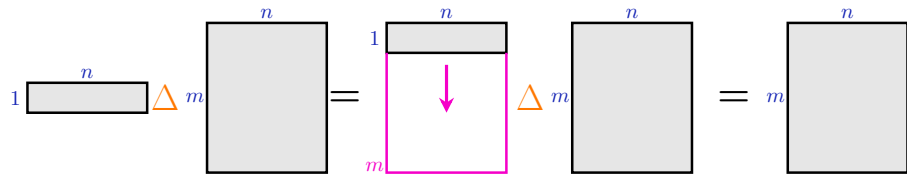
- A m -by- n , B 1-by- n
 - $A \triangle B = C \Rightarrow C$ m -by- n :



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = A_{i,j} \triangle B_{1,j}$$

- $B \triangle A = C \Rightarrow C$ m -by- n :



avec

$$\forall i \in \llbracket 1, m \rrbracket, \forall j \in \llbracket 1, n \rrbracket \quad C_{i,j} = B_{1,j} \triangle A_{i,j}.$$

Sur le même principe, les opérations par expansion peuvent être utilisées sur des tableaux multidimensionnels (dimension ≥ 3).

2.4 Opérations sur des sous matrices

Soient $A \in \mathcal{M}_{m,n}(\mathbb{R})$, $I \subset \llbracket 1, m \rrbracket$, $d_I = \#I$, $J \subset \llbracket 1, n \rrbracket$, $d_J = \#J$.

On note $M \in \mathcal{M}_{d_I, d_J}(\mathbb{R})$:

$$M_{i,j} = A(I(i), J(j)), \quad \forall (i, j) \in \llbracket 1, d_I \rrbracket \times \llbracket 1, d_J \rrbracket \quad \hookrightarrow \quad M=A(I,J);$$

A tableau 2D m -by- n ,

- $A(I,J)=M$; ou $A(I,J)=A(I,J)+M$; $\hookrightarrow$ dim. of M : 1×1 , $1 \times d_J$, $d_I \times 1$ or $d_I \times d_J$
- $A(I,:)=M$; ou $A(I,:)=A(I,:)+M$; $\hookrightarrow$ dim. of M : 1×1 , $1 \times n$, $d_I \times 1$ or $d_I \times n$
- $A(:,J)=M$; ou $A(:,J)=A(:,J)+M$; $\hookrightarrow$ dim. of M : 1×1 , $1 \times d_J$, $m \times 1$ or $m \times d_J$.

```
>>> m=4;n=3;a=1:m*n;
>>> A=reshape(a,m,n)
A =
     1     5     9
     2     6    10
     3     7    11
     4     8    12
>>> I=[1,2,4]; J=[2,3];
>>> M=A(I,J)
M =
     5     9
     6    10
     8    12
>>> A(I,J)=0
```

```
A =
     1     0     0
     2     0     0
     3     7    11
     4     0     0
>>> A(I,J)=A(I,J)-M
A =
     1    -5    -9
     2    -6   -10
     3     7    11
     4    -8   -12
>>> A(I,J)=A(I,J)+1
A =
     1    -4    -8
```

```

2    -5    -9
3     7    11
4    -7   -11
>> A(I,J)=A(I,J)+[1,2]
A =
1    -3    -6
2    -4    -7
3     7    11
4    -6    -9

```

```

>> A(I,J)=A(I,J)+[1;2;3]
A =
1    -2    -5
2    -2    -5
3     7    11
4    -3    -6

```

Listing 1 – Running codes/indexage/exempleC.m

3 Indexage

Soit $A \in \mathcal{M}_{m,n}(\mathbb{R})$ et $N = mn$.

$$A = \left(\begin{array}{c|c|c} A_{:,1} & \dots & A_{:,n} \end{array} \right) \text{ avec } A_{:,j} \in \mathbb{R}^n, j^{\text{ème}} \text{ colonne de } A.$$

↪ stockage de tous tableaux/matrices pleines de manière contigüe en mémoire.

$$a = \begin{pmatrix} A_{:,1} \\ \vdots \\ A_{:,m} \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^N$$

- `m=5;n=4;A=rand(m,n); a=A(:);` ↪ tableau 2D `A` vers tableau 1D `a`
- `m=5;n=4;b=rand(m*n,1); B=reshape(b,[m,n]);` ↪ tableau 1D `b` vers tableau 2D `B`
 - Numérotation 2D (classique), *2D-indices*, en $(i, j) \in \llbracket 1, m \rrbracket \times \llbracket 1, n \rrbracket$,
 - Numérotation 1D, *linear indices*, en $k \in \llbracket 1, N \rrbracket$.

On note $\mathcal{M} : \llbracket 1, m \rrbracket \times \llbracket 1, n \rrbracket \longrightarrow \llbracket 1, N \rrbracket$, $N = mn$, la bijection de la numérotation 2D à la numérotation 1D

$$K = \mathcal{M}(I, J) \quad \hookrightarrow K = \text{sub2ind}([m,n], I, J)$$

La fonction réciproque est

$$(I, J) = \mathcal{M}^{-1}(K) \quad \hookrightarrow [I, J] = \text{ind2sub}([m,n], K)$$

Ici `I`, `J` et `K` sont des tableaux de **même dimensions**.

```

m=4;n=3;a=1:m*n;
A=reshape(a,m,n)
A=A'
% Comment recuperer A(1,3), A(2,1) et A(3,2) ?
I=[1,2,3];J=[3,1,2]; % A(1,3)=A(I(1),J(1)), ...
K=sub2ind([n,m],I,J); % ou K=sub2ind(size(A),I,J);
b=A(K) % => b(1)=A(1,3), b(2)=A(2,1) et b(3)=A(3,2)
A(K)=0 % => A(1,3)=0, A(2,1)=0 et A(3,2)=0

```

Listing 2 – codes/indexage/exempleA.m

```

>> m=4;n=3;a=1:m*n;
>> A=reshape(a,m,n)
A =
     1     5     9
     2     6    10
     3     7    11
     4     8    12
>> A=A'
A =
     1     2     3     4
     5     6     7     8
     9    10    11    12
>> % Comment recuperer A(1,3) , A(2,1) et A(3,2) ?
>> I=[1,2,3];J=[3,1,2]; % A(1,3)=A(I(1),J(1)) , ...
>> K=sub2ind([n,m],I,J); % ou K=sub2ind(size(A),I,J);
>> b=A(K) % => b(1)=A(1,3) , b(2)=A(2,1) et b(3)=A(3,2)
b =
     3     5    10
>> A(K)=0 % => A(1,3)=0, A(2,1)=0 et A(3,2)=0
A =
     1     2     0     4
     0     6     7     8
     9     0    11    12

```

Listing 3 – Runningcodes/indexage/exempleA.m

EXERCICE 1

Soit B une matrice n -by- n existante. On veut la modifier pour avoir $B(i,i)=-1$ pour i impair. Comment faire? (voir codes/indexage/exempleB.m)

Correction

```

>> n=4;b=1:n*n;
>> B=reshape(b,m,n)
B =
     1     5     9    13
     2     6    10    14
     3     7    11    15
     4     8    12    16
>> for i=1:2:n, B(i,i)=-1;end
>> B
B =
    -1     5     9    13
     2     6    10    14
     3     7    -1    15
     4     8    12    16

```

```

>> BB=reshape(b,m,n);
>> I=1:2:n;
>> K=sub2ind(size(BB),I,I)
K =
     1    11
>> BB(K)=-1
BB =
    -1     5     9    13
     2     6    10    14
     3     7    -1    15
     4     8    12    16

```

Listing 4 – Runningcodes/indexage/exempleB.m

◇

Remarque 1. Pour avoir des codes performants sous Matlab/Octave, il est important de s'affranchir des "grandes" boucles, i.e. boucles avec un grand nombre d'itérations. Cette étape

s'appelle la *vectorisation du code*. Pour celà la *maitrise des indexages* est *primordiale*.

EXERCICE 2

Soient $A \in \mathcal{M}_{m,n}(\mathbb{R})$, $I \subset \llbracket 1, m \rrbracket$, $J \subset \llbracket 1, n \rrbracket$, $d = \#I = \#J$, donnés sous Matlab/Octave. Comment obtenir le vecteur $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^d$ tel que

$$\mathbf{b}(k) = A(I(k), J(k)), \quad \forall k \in \llbracket 1, d \rrbracket ?$$

~~~~~  
**Correction**     $\hookrightarrow$  `L=sub2ind(size(A),I,J); b=A(L);`    ◇

~~~~~

4 Cell array

Un tableau de cellules *cell array* permet de stocker différents types de données dans une seule entité.

```
>> C={10,rand(2); 'test ',1:3} % 2-by-2 cell array
C =
{
    [1,1] = 10
    [2,1] = test
    [1,2] =
         0.3439    0.4575
         0.4377    0.5084
    [2,2] =
         1     2     3
}
```

Pour accéder aux éléments d'un tableau de cellules, l'indexage peut s'effectuer

- avec des parenthèses (...) pour récupérer la ou les cellules spécifiées.
- avec des accolades {...} pour récupérer le contenu de la cellule ou les cellules spécifiées.

```
>> C{1,2}
ans =
    0.719763    0.804817
    0.038053    0.396806
>> C(1,2)
ans =
{
    [1,1] =
         0.719763    0.804817
         0.038053    0.396806
}
```

Voici une liste de fonctions liées aux tableaux de cellules pouvant être utiles :

- `cellfun` permet d'exécuter une fonction sur les éléments d'un tableau de cellules.

5 Fonctions

Il est possible de définir des fonctions locales à une fonction principale et celles-ci devront être définies après la fonction principale, dans le même fichier, et ne seront utilisable que dans le

fichier. Dans l'exemple qui suit la fonction principale, nommée `fun01` (et donc stockée dans le fichier `fun01.m`), utilise la fonction locale `f` qui elle-même utilise les deux fonctions locales `min` et `g`. Il est à noter que ces fonctions sont prioritaires sur toutes autres fonctions existantes de même nom. La fonction usuelle `min` prédéfinie, calculant un minimum, n'est plus accessible dans l'ensemble des fonctions du fichier `fun01.m`. A contrario, les fonctions locales `f`, `g` et `min` seront inaccessibles en dehors du fichier `fun01.m`.

```
function y=fun01(x)
    x=flipr(x);
    y=f(x); % utilise la fonction locale ci-dessous
end

function y=f(x)
    keyboard
    y=min(g(x)); % utilise min et g ci-dessous
end

function y=min(x)
    y=x+1;
end

function y=g(x)
    y=x-1;
end
```

Listing 5 – Fichier codes/functions/fun01.m

Voici un exemple d'utilisation :

```
>> fun01(1:10)
ans =
    10     9     8     7     6     5     4     3 ...
         2     1
```

5.1 Fonctions anonymes

Une fonction anonyme (*anonymous function*) est une fonction qui n'a pas besoin d'être stockée dans un fichier `.m` dédié, mais qui peut être définie à tout endroit dans un code et qui est du type `function_handle`.

Les fonction anonymes sont définies en utilisant la syntaxe :

`@(argument list) expression`

Toutes les variables qui ne sont pas trouvées dans la liste d'arguments doivent être connues lors de la création, et ces variables peuvent ensuite être effacées, modifiées sans que cela ne change la fonction anonyme créée.

```
>> f=@(x) x.^2
f =
@(x) x.^2
>> class(f)
ans = function_handle
>> f(2:3)
ans =
     4     9
```

```
>> a=randi(10,1,3)
a =
    10    10     3
>> g=@(t) a(1)+a(2)*t+a(3)*t.^2
g =
@(t) a(1)+a(2)*t+a(3)*t.^2
>> g(1)
ans = 23
```

```
>> clear a
>> g(1)
```

```
ans = 23
```

Listing 6 – Running codes/functions/anonymous/anonymous01.m

5.1.1 Création à partir d'une chaîne de caractères

Soit $\mathbf{a} \in \mathbb{R}^n$, nous voulons créer une fonction anonyme permettant de calculer le polynôme P défini par

$$P(t) = \sum_{i=1}^n a_i t^{i-1}$$

```
>> a=randi(10,1,4)
a =
    7    6    5    1
>> I=1:length(a);
>> J=[I;I-1];J=J(:) '
J =
    1    0    2    1    3    2    4    3
>> str=sprintf('a(%d)*t.^(%d)+',J)
str = a(1)*t.^(0)+a(2)*t.^(1)+a(3)*t.^(2)+a(4)*t.^(3)+
>> str=['@(t) ',str(1:end-1)]
str = @(t) a(1)*t.^(0)+a(2)*t.^(1)+a(3)*t.^(2)+a(4)*t.^(3)
>> P=eval(str)
P =
@(t) a(1)*t.^(0)+a(2)*t.^(1)+a(3)*t.^(2)+a(4)*t.^(3)
>> clear a
>> P(2)
ans = 47
>> P(1:5)
ans =
    17    53   127   251   437
```

Listing 7 – Running codes/functions/anonymous/anonymous02.m

5.1.2 Multiple inputs

```
>> f=@(x,s) printf('double: %.5f, string:%s\n',x,s)
f =
@(x, s) printf ('double: %.5f, string:%s\n', x, s)
>> f(pi,'titi')
double: 3.14159, string:titi
>> g=@(x,y) sqrt(x.^2+y.^2)
g =
@(x, y) sqrt (x .^ 2 + y .^ 2)
>> g(1,2)
ans = 2.2361
```

Listing 8 – Running codes/functions/anonymous/anonymous03.m

5.1.3 Multiple outputs

En utilisant la fonction **deal**, on peut retourner plusieurs outputs :

```

>> g=@(x,y) deal(x.^2,y.^2,sqrt(sum(x.^2+y.^2)))
g =
@(x, y) deal(x.^2,y.^2,sqrt(sum(x.^2+y.^2)))
>> [X,Y,N]=g(1:2,2:3)
X =
     1     4
Y =
     4     9
N = 4.2426

```

Listing 9 – Running codes/functions/anonymous/anonymous04.m

La fonction **meshgrid** retourne deux outputs, on peut alors l'invoquer directement pour créer une fonction anonyme retournant ces deux outputs :

```

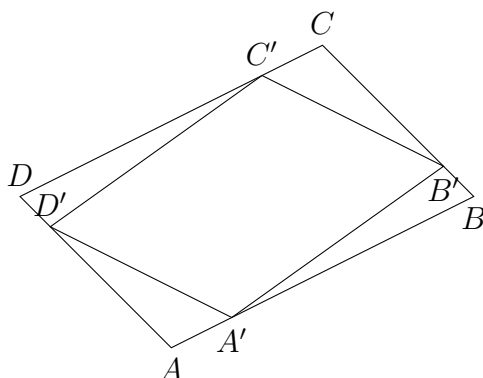
>> [X1,Y1]=meshgrid(linspace(-1,1,10),linspace(-2,2,10));
>> MyMeshGrid=@(a,b,n) ...
    meshgrid(linspace(-a,a,n),linspace(-b,b,n));
>> [X2,Y2]=MyMeshGrid(1,2,10);
>> norm(X1-X2)
ans = 0
>> norm(Y1-Y2)
ans = 0

```

Listing 10 – Running codes/functions/anonymous/anonymous05.m

5.2 Nombre variable d'arguments en entrée

EXERCICE 3



C et D . A partir de ce parallélogramme on peut construire un nouveau parallélogramme de sommets A' , B' , C' et D' vérifiant

$$\overrightarrow{AA'} = x\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{BB'} = x\overrightarrow{BC}$$

$$\overrightarrow{CC'} = x\overrightarrow{CD}$$

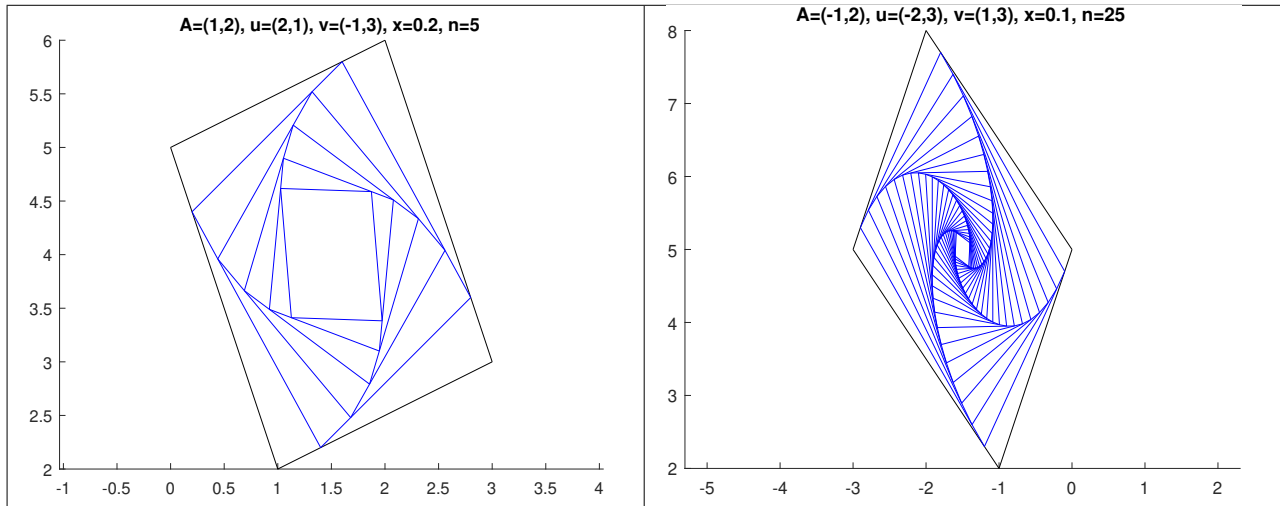
$$\overrightarrow{DD'} = x\overrightarrow{DA}$$

avec x un réel compris strictement entre 0 et 1.

Soit un parallélogramme de sommets A , B , C , D .

L'objectif est, pour un x fixé, d'itérer n fois ce processus de construction en partant à chaque itération du dernier parallélogramme construit et de représenter l'ensemble des parallélogrammes.

Q. 1 *Ecrire une fonction **parallelogrammes** permettant à partir du sommet A , du vecteur $\mathbf{u} = \overrightarrow{AB}$ et du vecteur $\mathbf{v} = \overrightarrow{AD}$ d'un parallélogramme initial quelconque d'aire non nulle, de représenter ce parallélogramme ainsi que les n parallélogrammes obtenus par le processus de construction décrit ci-dessus avec un x donné dans $]0, 1[$. Voici deux exemples d'utilisation de cette fonction :*



□

Correction On va tout d'abord déterminer des formules qui à partir de A , $\vec{u}$, et $\vec{v}$ permettent de calculer A' , $\vec{u}' = \overrightarrow{A'B'}$, et $\vec{v}' = \overrightarrow{A'D'}$

- Calcul de A' :

$$A' = A + \overrightarrow{AA'} = A + x\overrightarrow{AB} = A + x\vec{u}.$$

- Calcul de B' :

$$B' = B + \overrightarrow{BB'} = B + x\overrightarrow{BC} = A + \vec{u} + x\vec{v}.$$

- Calcul de D' :

$$D' = D + \overrightarrow{DD'} = D + x\overrightarrow{DA} = A + \vec{v} - x\vec{u}.$$

On en déduit

- Calcul de $\vec{u}'$:

$$\vec{u}' = \overrightarrow{A'B'} = B' - A' = A + \vec{u} + x\vec{v} - (A + x\vec{u}) = \vec{u} + x(\vec{v} - \vec{u}).$$

- Calcul de $\vec{v}'$:

$$\vec{v}' = \overrightarrow{A'D'} = D' - A' = A + \vec{v} - x\vec{u} - (A + x\vec{u}) = \vec{v} - x(\vec{u} + \vec{v}).$$

Voici une première ébauche d'un code :

```
function parallelogrammes(A,u,v,x,n)
% exemple: parallelogrammes([-1;2],[-2;3],[1;3],0.1,25)
clf;hold on;axis equal
X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
plot(X(1,:),X(2,:), 'k')
for i=1:n
    A=A+x*u;           % nouveau A
    utmp=u+x*(v-u);    % nouveau u
    v=v-x*(u+v);       % nouveau v
    u=utmp;
    X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
    plot(X(1,:),X(2,:), 'b')
end
end
```

Listing 11 – Fonction parallelogrammes

Les 3 premiers paramètres doivent être des vecteurs colonnes 2-by-1.
Voici deux variantes de cette fonction :

```

1 function parallelogrammesv1(A,u,v,x,n)
2 % exemple: parallelogrammesv1([-1;2],[-2;3],[1;3],0.1,25)
3 clf;hold on;axis equal
4 plot_para(A,u,v,'k')
5 for i=1:n
6     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
7     plot_para(A,u,v,'b')
8 end
9 end
10
11 function plot_para(A,u,v,color)
12 X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
13 plot(X(1,:),X(2,:),color)
14 end
15
16 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
17 Ap=A+x*u;
18 up=u+x*(v-u);
19 vp=v-x*(u+v);
20 end

```

Listing 12 – Fonction `parallelogrammesv1` utilisant des fonctions locales

```

1 function parallelogrammesv2(A,u,v,x,n)
2 % exemple: parallelogrammesv2([-1;2],[-2;3],[1;3],0.1,25)
3 clf;hold on;axis equal
4 calcul=@(A,u,v,x) deal(A+x*u,u+x*(v-u),v-x*(u+v));
5 getX=@(A,u,v) [A,A+u,A+u+v,A+v,A];
6 plot_para=@(X,color) plot(X(1,:),X(2,:),color);
7 X=getX(A,u,v);
8 plot_para(X,'k')
9 for i=1:n
10     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
11     X=getX(A,u,v);
12     plot_para(X,'b')
13 end
14 end

```

Listing 13 – Fonction `parallelogrammesv2` utilisant des fonctions anonymes

5.2.1 Utilisation de `nargin`, `varargin`

```

1 function parallelogrammesv3(A,u,v,x,n,color1,color2)
2 % Version arguments optionnels et utilisant la fonction exist
3 % Exemples:
4 % parallelogrammesv3([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25)
5 % parallelogrammesv3([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m')
6 % parallelogrammesv3([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m','g')
7 % parallelogrammesv3([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,[],'g')
8 if ~exist('color1') || isempty(color1), color1='k';end

```

```

9   if ~exist('color2') || isempty(color2), color2='b';end
10  clf;hold on;axis equal
11  plot_para(A,u,v,color1)
12  for i=1:n
13      [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
14      plot_para(A,u,v,color2)
15  end
16 end
17
18 function plot_para(A,u,v,color)
19     X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
20     plot(X(1,:),X(2,:),color)
21 end
22
23 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
24     Ap=A+x*u;
25     up=u+x*(v-u);
26     vp=v-x*(u+v);
27 end

```

Listing 14 – Fonction `parallelogrammesv3` avec arguments optionnels, utilisant la fonction `exist`

```

1  function parallelogrammesv4(A,u,v,x,n,color1,color2)
2  % Version arguments optionnels et utilisant la fonction nargin
3  % Exemples :
4  % parallelogrammesv4([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25)
5  % parallelogrammesv4([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m')
6  % parallelogrammesv4([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m','g')
7  % parallelogrammesv4([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,[],'g')
8  assert(ismember(nargin,5+[0:2]),sprintf('Number_of_input_...
      parameters:_5_to_7,_given_%d',nargin))
9  if nargin<6 || isempty(color1), color1='k';end
10 if nargin<7 || isempty(color2), color2='b';end
11 clf;hold on;axis equal
12 plot_para(A,u,v,color1)
13 for i=1:n
14     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
15     plot_para(A,u,v,color2)
16 end
17 end
18
19 function plot_para(A,u,v,color)
20     X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
21     plot(X(1,:),X(2,:),color)
22 end
23
24 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
25     Ap=A+x*u;
26     up=u+x*(v-u);
27     vp=v-x*(u+v);
28 end

```

Listing 15 – Fonction `parallelogrammesv4` avec arguments optionnels, utilisant la fonction `nargin`

Dans l'exemple qui suit, on utilise la variable `varargin` qui permet de passer des arguments optionnels à une fonction. Cette variable est de type tableau de cellules (*cell array*).

```

1 function parallelogrammesv5(A,u,v,x,n,varargin)
2 % Version avec arguments optionnels utilisant varargin et nargin
3 % Exemples :
4 % parallelogrammesv5([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25)
5 % parallelogrammesv5([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m')
6 % parallelogrammesv5([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,'m','g')
7 % parallelogrammesv5([-1,2],[-2,3],[1,3],0.1,25,[],'g')
8 assert(ismember(nargin,5+[0:2]),sprintf('Number_of_input_...
    parameters:_5_to_7,_given_%d',nargin))
9 color1='k';color2='b';
10 if nargin>=6 && ~isempty(varargin{1}),color1=varargin{1};end
11 if nargin==7 && ~isempty(varargin{2}),color2=varargin{2};end
12 clf;hold on;axis equal
13 plot_para(A,u,v,'k')
14 for i=1:n
15     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
16     plot_para(A,u,v,'b')
17 end
18 end
19
20 function plot_para(A,u,v,color)
21 X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
22 plot(X(1,:),X(2,:),color)
23 end
24
25 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
26 Ap=A+x*u;
27 up=u+x*(v-u);
28 vp=v-x*(u+v);
29 end

```

Listing 16 – Fonction `parallelogrammesv5` avec arguments optionnels, utilisant `nargin` et `varargin`

5.2.2 Utilisation de `inputParser`

```

1 function parallelogrammesv10(A,u,v,x,n,varargin)
2 % Version avec arguments optionnels utilisant inputParser
3 % parallelogrammesv10([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25)
4 % parallelogrammesv10([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25, ...
    'color1','b','color2','r')
5 % parallelogrammesv10([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25, 'color1','g')
6 % parallelogrammesv10([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25, 'color2','m')
7 ip = inputParser;
8 ip.PartialMatching=false;
9 ip.AddParameter('color1','k');
10 ip.AddParameter('color2','b');
11 ip.parse(varargin{:});
12 clf;hold on;axis equal
13 plot_para(A,u,v,ip.Results.color1)
14 for i=1:n
15     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);

```

```

16     plot_para(A,u,v,ip.Results.color2)
17     end
18 end
19
20 function plot_para(A,u,v,color)
21     X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
22     plot(X(1,:),X(2,:),color)
23 end
24
25 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
26     Ap=A+x*u;
27     up=u+x*(v-u);
28     vp=v-x*(u+v);
29 end

```

Listing 17 – Fonction `parallelogrammesv10` avec `inputParser`

```

1 function parallelogrammesv11(A,u,v,x,n,varargin)
2 % exemples :
3 % parallelogrammesv11([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25)
4 % parallelogrammesv11([-1;2],[-1;3],[1;3],0.1,25, ...
   'color1','b','color2','r','linewidth',2,'linestyle',':')
5 ip = inputParser;
6 ip.KeepUnmatched=true;
7 ip.PartialMatching=false;
8 checkcolor=@(x) ( ischar(x) && ...
   ismember(x,{'k','r','g','b','y','m','c'}) ) ...
   || ( isnumeric(x) && all(size(x)==[1,3])) );
9 ip.addParameter('color1','k',checkcolor);
10 ip.addParameter('color2','b',checkcolor);
11 ip.parse(varargin{:});
12 if ~exist('namedargs2cell'), % Matlab < R2019b, Octave < 6.1.0
13     namedargs2cell = ...
14     @(s) reshape([fieldnames(s), struct2cell(s)].', 1, []);
15 end
16
17 opts=namedargs2cell(ip.Unmatched);
18 clf;hold on; axis equal
19 plot_para(A,u,v,'color',ip.Results.color1,opts{:})
20 for i=1:n
21     [A,u,v]=calcul(A,u,v,x);
22     plot_para(A,u,v,'color',ip.Results.color2,opts{:})
23 end
24 end
25
26 function plot_para(A,u,v,varargin)
27     X=[A,A+u,A+u+v,A+v,A];
28     plot(X(1,:),X(2,:),varargin{:})
29 end
30
31 function [Ap,up,vp]=calcul(A,u,v,x)
32     Ap=A+x*u;
33     up=u+x*(v-u);
34     vp=v-x*(u+v);

```

Listing 18 – Fonction `parallogrammesv11` avec `inputParser`

5.3 Nombre variable d'arguments en sortie

5.3.1 Utilisation de `nargout`, `varargout`

6 Structures

une structure (ou « tableau de structures ») regroupe un ensemble de données à l'aide de conteneurs appelés champs (*fields*). Chaque champ peut contenir n'importe quel type de données. Voici trois exemples permettant de créer un tableau de structure simple.

```
>> clear all
>> S.name='AMD Ryzen 5 7600X3D';
>> S.MultiThreadRating=26140;
>> S.SingleThreadRating=3633;
>> S.Cores=6;
>> S.Threads=12;
>> disp(S)
    name = AMD Ryzen 5 7600X3D
MultiThreadRating = 26140
SingleThreadRating = 3633
    Cores = 6
    Threads = 12

>>
>> S(2).name='Intel Core i7-13700KF';
>> S(2).MultiThreadRating=46285;
>> S(2).SingleThreadRating=4355;
>> S(2).Cores=[8,8]; % [Performance Cores, Efficient Cores]
>> S(2).Threads=[16,8]; % [Performance Cores, Efficient Cores]
>> disp(S)
1x2 struct array containing the fields:
    name
MultiThreadRating
SingleThreadRating
    Cores
    Threads
```

Listing 19 – Création d'un tableau de structure simple, running `codes/structures/struct01.m`

```
>> clear all
>> S=struct('name','AMD Ryzen 5 7600X3D','MultiThreadRating',26140, ...
'SingleThreadRating',3633, 'Cores', 6, 'Threads',12);
>> disp(S)
    name = AMD Ryzen 5 7600X3D
MultiThreadRating = 26140
SingleThreadRating = 3633
    Cores = 6
    Threads = 12

>>
>> S(2).name='Intel Core i7-13700KF';
>> S(2).MultiThreadRating=46285;
>> S(2).SingleThreadRating=4355;
```

```
>> S(2).Cores=[8,8]; % [Performance Cores, Efficient Cores]
>> S(2).Threads=[16,8]; % [Performance Cores, Efficient Cores]
>>
>> S(3)=struct('name','Intel Core i3-14100F','MultiThreadRating',15333, ...
'SingleThreadRating',3770, 'Cores', 4, 'Threads',8);
>> disp(S)
1x3 struct array containing the fields:
    name
MultiThreadRating
SingleThreadRating
    Cores
    Threads
```

Listing 20 – Création d'un tableau de structure simple, running codes/structures/struct02.m

```
>> clear all
>> setStructElem=@(name,MTR,STR,cores,threads) ...
struct('name',name,'MultiThreadRating',MTR, ...
'SingleThreadRating',STR, 'Cores',cores, 'Threads',threads);
>> S(1)=setStructElem('AMD Ryzen 5 7600X3D',26140,3633,6,12);
>> disp(S)
name = AMD Ryzen 5 7600X3D
MultiThreadRating = 26140
SingleThreadRating = 3633
Cores = 6
Threads = 12
>> S(2)=setStructElem('Intel Core i7-13700KF',46285,4355,[8,8],[16,8]);
>> S(3)=setStructElem('Intel Core i3-14100F',15333,3770,4,8);
>> disp(S)
1x3 struct array containing the fields:
    name
MultiThreadRating
SingleThreadRating
    Cores
    Threads
```

Listing 21 – Création d'un tableau de structure simple, running codes/structures/struct03.m

Pour accéder au contenu du champ field1 d'une structure existante X : X.field1

```
>> clear all
>> setStructElem=@(name,MTR,STR,cores,threads) ...
struct('name',name,'MultiThreadRating',MTR, ...
'SingleThreadRating',STR, 'Cores',cores, 'Threads',threads);
>> S(1)=setStructElem('AMD Ryzen 5 7600X3D',26140,3633,6,12);
>> S(2)=setStructElem('Intel Core i7-13700KF',46285,4355,[8,8],[16,8]);
>> S(3)=setStructElem('Intel Core i3-14100F',15333,3770,4,8);
>> S(3).name=1; % peut-etre d'un type different!
>> C={S.name} % biensur [S.name] n'est pas possible!
C =
{
[1,1] = AMD Ryzen 5 7600X3D
[1,2] = Intel Core i7-13700KF
[1,3] = 1
```

```

}
>> A1=[S.Cores]
A1 =
     6     8     8     4
>> A2={S.Cores}
A2 =
{
 [1,1] = 6
 [1,2] = 8     8
 [1,3] = 4
}

```

Listing 22 – Running codes/structures/struct04.m

Voici une liste de fonctions liées aux structures (ou tableau de structure) :

- `isstruct(X)` retourne vrai si `X` est une structure ou un tableau de structure,
- `fieldnames(X)` retourne un tableau de cellules de chaîne de caractères avec les noms des champs de la structure ou tableau de structure `X`,
- `isfield(X,name)` retourne vrai si la structure `X` contient un champ nommé `name` (chaîne de caractères).
- `structfun` (seulement sur une structure)
- `arrayfun(fun,A)` (seulement sur un tableau de structure) exécute une fonction en chaque élément d'un tableau.

```

>> setStructElem=@(name,MTR,STR,cores,threads) ...
    struct('name',name,'MultiThreadRating',MTR, ...
    'SingleThreadRating',STR, 'Cores',cores, 'Threads',threads);
>> S(1)=setStructElem('AMD Ryzen 5 7600X3D',26140,3633,6,12);
>> S(2)=setStructElem('Intel Core ...
    i7-13700KF',46285,4355,[8,8],[16,8]);
>> S(3)=setStructElem('Intel Core i3-14100F',15333,3770,4,8);
>> idx=arrayfun(@(x) x.MultiThreadRating>20000,S)
idx =
     1     1     0
>> SF=S(idx);
>> {SF.name}
ans =
{
 [1,1] = AMD Ryzen 5 7600X3D
 [1,2] = Intel Core i7-13700KF
}

```

Listing 23 – Utilisation de `arrayfun` sur un tableau de structure simple, running codes/structures/struct05.m

7 Namespaces

Les *namespaces* sont des répertoires spéciaux, de premier caractère `'+'`, pouvant contenir

- des fichiers de fonctions,
- des fichiers scripts (programmes),
- des répertoires de *class*,
- d'autres *namespaces*.

Pour pouvoir utiliser un *namespace* il faut se positionner dans le répertoire le contenant ou ajouter ce répertoire dans le *path* avec la commande **addpath** par exemple.

Voici un exemple d'arborescence de *namespace* :

```
+toto/fun1.m
+toto/fun2.m
+toto/prg1.m
+toto/+titi/fun1.m
+toto/+titi/fun3.m
+toto/+titi/prg1.m
```

```
function y=fun1(x)
    y=x.^2;
end
```

Listing 24 – +toto/fun1.m

```
function y=fun2(x)
    y=toto.fun1(x)+1;
end
```

Listing 25 – +toto/fun2.m

```
clear all;close all
X=1:3
Y1=toto.fun2(X)
Y3=toto.titi.fun3(X)
```

Listing 26 – +toto/prg1.m

```
function y=fun1(x)
    y=x-1;
end
```

Listing 27 – +toto/+titi/fun1.m

```
function y=fun3(x)
    y=toto.fun1(x);
    y=y+toto.titi.fun1(x);
end
```

Listing 28 – +toto/+titi/fun3.m

```
clear all;close all
X=1:3
Y1=toto.fun1(X)
Y3=toto.titi.fun3(X)
```

Listing 29 – +toto/+titi/prg1.m

Voici le résultat de l'exécution des deux programmes +toto/prg1.m et +toto/+titi/prg1.m

```
>> clear all;close all
>> X=1:3
X =
     1     2     3
>> Y1=toto.fun2(X)
Y1 =
     2     5    10
>> Y3=toto.titi.fun3(X)
Y3 =
     1     5    11
```

Listing 30 – output de toto.prg1

```
>> clear all;close all
>> X=1:3
X =
     1     2     3
>> Y1=toto.fun1(X)
Y1 =
     1     4     9
>> Y3=toto.titi.fun3(X)
Y3 =
     1     5    11
```

Listing 31 – output de toto.titi.prg1

Attention : avec Octave (7.3.0, 9.1.0, 9.2.0), il semble que le nom d'un namespace doive différer du nom d'une fonction déjà existente. Par exemple le namespace **+mesh** n'est pas *valide* car la fonction **mesh** est une fonction interne.

8 Débogage

- **keyboard** : stoppe l'exécution d'un programme à l'endroit exacte où cette commande est écrite et entre en mode débogage.
- **dbstop** : définit des *breakpoints* (voir aide).
- **dbcont** : reprend l'exécution du code (voir aide).
- **dbstep** : exécute la ligne suivante du code (voir aide).
- **dbquit** : quitte immédiatement le mode débogage sans exécuter la suite du code.
- ...

9 Objets