

**ÜBUNGEN ZUR ALGEBRAISCHEN TOPOLOGIE**

Blatt 8\*, 20.05.2011

**Aufgabe 8.1.** Sei  $A$  ein  $\mathbb{Z}$ -Modul und  $\{M_i\}_{i \in I}$  eine Familie von  $\mathbb{Z}$ -Moduln. Beweise, dass ein natürlicher Isomorphismus

$$\bigoplus_{i \in I} (A \otimes M_i) \rightarrow A \otimes \left( \bigoplus_{i \in I} M_i \right)$$

existiert.

**Aufgabe 8.2.** Beweise, dass ein  $\mathbb{Z}$ -Modul genau dann flach ist, wenn er torsionsfrei ist. Hier benutzt man, dass ein endlich erzeugter torsionsfreier  $\mathbb{Z}$ -Modul frei ist.

**Aufgabe 8.3.** Seien  $m, n \in \mathbb{Z}$ , und sei  $L$  ein  $\mathbb{Z}$ -Modul.

- (a) Beschreibe  $\mathbb{Z}/m \otimes \mathbb{Z}/n$  und  $\mathrm{Tor}_1^{\mathbb{Z}}(\mathbb{Z}/m, \mathbb{Z}/n)$ .
- (b) Beweise, dass  $\mathrm{Tor}_1^{\mathbb{Z}}(L, \mathbb{Q}/\mathbb{Z})$  isomorph zur Torsionsuntergruppe von  $L$  ist.

**Aufgabe 8.4.** Berechne  $H_*(SO(4); \mathbb{Z})$  und  $H_*(SO(4); \mathbb{F}_2)$  (mit Hilfe der zellulären Homologie). Überprüfe, ob die Ergebnisse verträglich mit der Formel der Universellen Koeffizienten sind.

---

\*Abgabe: Freitag, 27.05.2011.

<http://wwwmath.uni-muenster.de/u/ausoni/topologie2-SS11.html>